

## ДО ПИТАННЯ САМОЗІГРІВАННЯ ЗЕРНА ПОРОДЖЕНОГО ПЛАСТОВИМ ОСЕРЕДКОМ

У сучасній зернопереробній галузі суттєвим питанням є зберігання зерна. Зерно повинно зберігатись за певних умов та обов'язково контролювану температуру. Автоматизація та контроль процесу зберігання привело до зростання кількості зернових силосів і їх домінування над класичними приміщеннями для зберігання. Силоси можуть бути виконані як із залізобетону, так і за допомогою сучасних металоконструкцій, що суттєво знижує терміни будівництва.

Але при помилках в проектування та експлуатації виникають умови, що сприяють самонагріванню. Самонагрівання суттєво погіршує умови зберігання рослинної сировини. Особливо небезпечно це явище для олієвмісної сировини, що може повністю її зіпсувати внаслідок прогорання жирів, і, навіть, призвести до пожежі. Так як неможливо розмістити датчики занадто щільно, то питання самозигрівання є актуальним як з точки зору зберігання рослинної продукції, так і з точки зору протипожежної безпеки. З метою недопущення такого явища вводять заходи термоконтролю та газового аналізу, що є підґрунтям для подальших дій в залежності від технологій зберігання, які використовуються на підприємстві.

Питанням розрахунку температурних полів, породжених осередками самонагрівання, присвячено багато наукових публікацій. На їх основі осередки самозигрівання можна поділити на такі види: осередок беруть у вигляді кулі, який називають гніздовим; осередок обмежений двома поперечними перерізами силосу, або так званий пластовий осередок; осередок має один із розмірів значно більший за інші, що нагадує стрижень. Таким чином маємо гніздові, пластові і стрижневі осередки. В даній роботі розглянемо температурне поле, породжене пластовим осередком, який не має чіткої межі. Для цього розподіл термоджерел вважаємо вісесиметричним і підпорядковуємо нормальному закону Гауса.

Розподіл надлишкової температури  $T = T(x, t)$  в сировині по вісі силосу описуємо диференціальним рівнянням:

$$\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} - \alpha^2 T - \frac{1}{\alpha} \frac{\partial T}{\partial t} = - \frac{q(x)}{\lambda F} H(t), \quad (1)$$

де  $x$  – локальна осьова координата з початком в центрі осередку;  $t$  – час;  $a = \lambda / (\rho c)$  – коефіцієнт температуропровідності сировини;  $\lambda$  – коефіцієнт її теплопровідності;  $\rho, c$  – відповідно питома маса і питома

теплоємність сировини;  $F$  – площа поперечного перерізу;  $H(t)$  – одинична функція Хевісайда;  $\alpha^2 = h\chi(\lambda F)^{-1}$ ,  $h$  – коефіцієнт теплообміну;  $\chi$  – периметр поперечного перерізу силосу.

Погонну щільність термоджерел в осередку самонагрівання  $q(x)$  подаємо виразом:

$$q(x) = q_0 \exp\left(-\frac{x^2}{R^2}\right), \quad (2)$$

в якому  $q_0 = q(0)$  – максимальне значення щільності;  $R > 0$  – характеризує локалізацію термоджерел за координатою  $x$  (по вісі силосу).

Закон розподілу отриманий у спільних роботах з д.ф.-м.н., проф. Ольшанським В.П.:

$$\begin{aligned} T(x, t) = \frac{q_0 R \sqrt{\pi}}{4 \lambda F \alpha} \left\{ \exp\left(\frac{\alpha^2 R^2}{4}\right) \left[ 2 \operatorname{ch}(\alpha x) - \exp(-\alpha x) \Phi\left(\frac{\alpha R}{2} - \frac{x}{R}\right) - \right. \right. \\ \left. \left. - \exp(\alpha x) \Phi\left(\frac{\alpha R}{2} + \frac{x}{R}\right) \right] - \exp\left[\alpha^2 \left(\frac{R^2}{4} + at\right)\right] \left[ 2 \operatorname{ch}(\alpha x) - \exp(-\alpha x) \times \right. \right. \\ \left. \left. \times \Phi\left(\alpha \sqrt{\frac{R^2}{4} + at} - \frac{x}{\sqrt{R^2 + at}}\right) - \exp(\alpha x) \Phi\left(\alpha \sqrt{\frac{R^2}{4} + at} + \frac{x}{\sqrt{R^2 + at}}\right) \right] \right\}. \quad (3) \end{aligned}$$

Для практичної реалізації виведених розрахункових формул, крім теплофізичних характеристик сировини та характеристик силосу, потрібні значення  $q_0$  і  $R$ . Їх доводиться ідентифікувати за результатами вимірювань надлишкової температури на початку самонагрівання.

Невідоме  $\alpha R$ , можна знаходити чисельними методами за допомогою рівнянь (4) та (5).

$$T(0, t) \approx \frac{q_0 R \sqrt{\pi}}{2 \lambda F \alpha} \left[ a_1 (\beta - \zeta) + a_2 (\beta^2 - \zeta^2) + a_3 (\beta^3 - \zeta^3) \right]. \quad (4)$$

$$\begin{aligned} \text{Тут } \beta &= \frac{2}{2 + 0,47047(\alpha R)}; \quad \zeta = \frac{2}{2 + 0,47047\left(\alpha \sqrt{R^2 + 4at}\right)}. \\ \eta &= \frac{T_2}{T_1} = \frac{a_1 (\beta - \zeta_2) + a_2 (\beta^2 - \zeta_2^2) + a_3 (\beta^3 - \zeta_2^3)}{a_1 (\beta - \zeta_1) + a_2 (\beta^2 - \zeta_1^2) + a_3 (\beta^3 - \zeta_1^3)}. \quad (5) \end{aligned}$$