



УКРАЇНА

(19) **UA** (11) **110913** (13) **C2**  
(51) МПК

**G06F 7/52** (2006.01)

**G06F 7/523** (2006.01)

ДЕРЖАВНА СЛУЖБА  
ІНТЕЛЕКТУАЛЬНОЇ  
ВЛАСНОСТІ  
УКРАЇНИ

**(12) ОПИС ДО ПАТЕНТУ НА ВІНАХІД**

<p>(21) Номер заявки: <b>а 2015 05097</b></p> <p>(22) Дата подання заявки: <b>25.05.2015</b></p> <p>(24) Дата, з якої є чинними права на винахід: <b>25.02.2016</b></p> <p>(41) Публікація відомостей про заяву: <b>26.10.2015, Бюл.№ 20</b></p> <p>(46) Публікація відомостей про видачу патенту: <b>25.02.2016, Бюл.№ 4</b></p>	<p>(72) Винахідник(и): <b>Горбенко Іван Дмитрович (UA), Краснобаєв Віктор Анатолійович (UA), Курчанов Валерій Микитович (UA), Янко Аліна Сергіївна (UA), Кошман Сергій Олександрович (UA), Горбенко Юрій Іванович (UA)</b></p> <p>(73) Власник(и): <b>Горбенко Іван Дмитрович,</b> пр. Л. Свободи, 50-а, к. 68, м. Харків, 61204 (UA), <b>Краснобаєв Віктор Анатолійович,</b> вул. Астрономічна, 35-б, к. 24, м. Харків, 61085 (UA), <b>Курчанов Валерій Микитович,</b> вул. Зіньківська, 36-А, кв. 20, м. Полтава, 36009 (UA), <b>Янко Аліна Сергіївна,</b> вул. Великотирнівська, 36, корп. 3, к. 122, м. Полтава, 36014 (UA), <b>Кошман Сергій Олександрович,</b> вул. Енгельса, 19, к. 409, м. Харків-12, 61012 (UA), <b>Горбенко Юрій Іванович,</b> пр. Л. Свободи, 50-а, к. 68, м. Харків, 61204 (UA)</p> <p>(56) Перелік документів, взятих до уваги експертизою: RU 2006919 C1, 30.01.1994 RU 2018936 C1, 30.08.1994 SU 1095178 A1, 30.05.1984 SU 1126950 A1, 30.11.1984 SU 1149254 A1, 07.04.1985 US 5742530 A, 21.04.1998 US 5073870 A, 17.12.1991 US 5121431 A, 09.06.1992 RU 2023290 C1, 15.11.1994 SU 922731 A1, 23.04.1982</p>
---	--

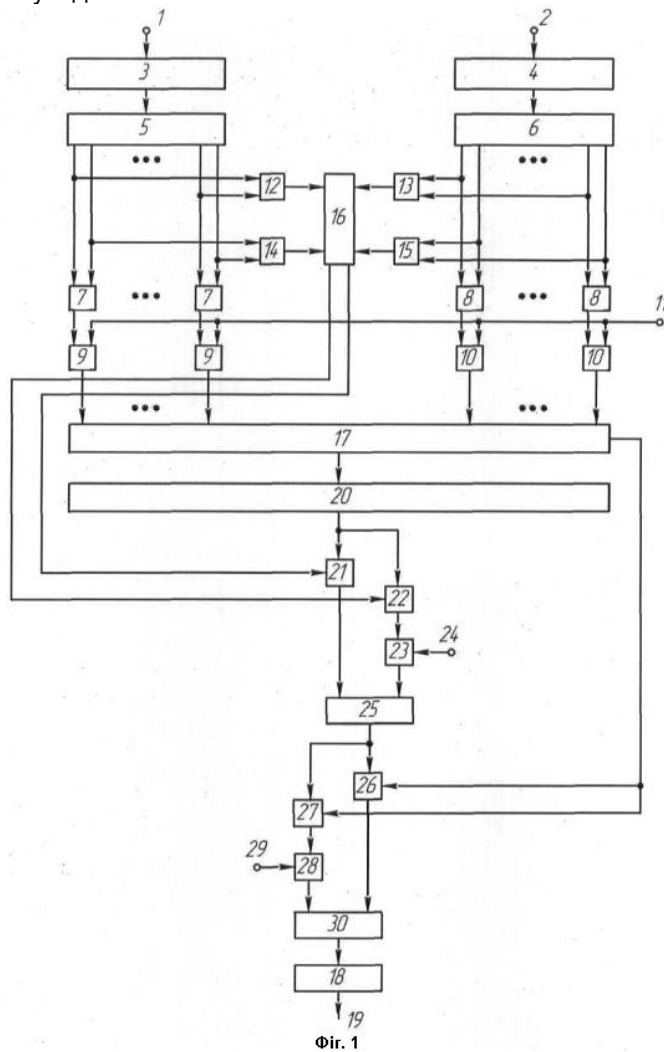
UA 110913 C2

**(54) ПРИСТРІЙ ДЛЯ МНОЖЕННЯ ЛИШКІВ  $a_i$  ТА  $b_i$  ЧИСЕЛ ЗА МОДУЛЕМ  $m_i$**

**(57) Реферат:**

Винахід належить до області обчислювальної техніки та автоматики і призначена для множення лишків  $a_i$  та  $b_i$  числа за довільним модулем  $m_i$  системи залишкових класів (СЗК). Пристрій для множення лишків  $a_i$  та  $b_i$  чисел за модулем  $m_i$  містить перший і другий вхідні регістри, вихідний регістр, перший і другий дешифратори, першу та другу групи елементів АБО, кожна з

яких містить  $\frac{m_i - 1}{2}$  елементів АБО, першу та другу групи елементів I, кожна з яких містить  $\frac{m_i - 1}{2}$  елементів I, комутатор, суматор за модулем два, перший, другий, третій і четвертий елементи АБО, додатково введені шифратор, третя, четверта та п'ята групи елементів I, група ключових елементів, суматор за модулем  $m_i$ , суматор за модулем  $\frac{m_i - 1}{2}$ , третя та четверта групи елементів АБО. Технічним результатом, що досягається даним винаходом, є розширення функціональних можливостей пристрою за рахунок можливості виконання операції множення не тільки в додатній, а і у від'ємній числових областях.



Фиг. 1

Винахід належить до області обчислювальної техніки та автоматики і призначена для множення лишків  $a_i$  та  $b_i$  числа за довільним модулем  $m_i$ , системи залишкових класів (СЗК).

Відомий пристрій (аналог) для множення лишків  $a_i$  та  $b_i$  числа за довільним модулем  $m_i$  СЗК (а.с. СРСР № 885999, кл G 06 F 7/72, Б.В. № 44, 1981 р.). Він містить вхідні реєстри, дешифратори, групи елементів АБО, групи елементів І, суматор за модулем два, елементи І та АБО, комутатори та вихідний реєстр.

Недоліком аналога є низькі функціональні можливості пристрою, які полягають у тому, що множення лишків  $a_i$  та  $b_i$  числа за довільним модулем  $m_i$  СЗК виконується тільки в області додатних чисел.

Відомий пристрій (аналог) для множення лишків  $a_i$  та  $b_i$  числа за модулем  $m_i$  СЗК (а.с. СРСР № 896620 кл G 06 F 7/72, Б.В. № 1, 1982 р.). Пристрій містить перший і другий вхідні та вихідні реєстри, перший і другий дешифратори, першу та другу групи елементів АБО, першу та другу групи елементів І, елементи І та АБО, комутатор.

Недоліком аналога є низькі функціональні можливості пристрою, які полягають у тому, що множення лишків  $a_i$  та  $b_i$  числа за довільним модулем  $m_i$  СЗК виконується тільки в області додатних чисел.

Найбільш близьким за технічною суттю і результатом, що досягається (прототипом), є пристрій для множення у СЗК (а.с. СРСР № 922731, кл G 06 F 7/39, Б.В. № 15, 1982 р.). Пристрій-прототип містить перший і другий вхідні реєстри, вихідний реєстр, перший і другий

дешифратори, першу та другу групи елементів АБО, кожна з яких містить  $\frac{m_i-1}{2}$  (для  $m_i$  непарного числа, або  $\frac{m_i}{2}$  - для  $m_i$  парного числа) елементів АБО, першу та другу групи

елементів І, кожна з яких містить  $\frac{m_i-1}{2}$  елементів І, комутатор, суматор за модулем два, елементи АБО та І. При цьому перший і другий входи пристрою підключено до входів відповідно першого та другого вхідних реєстрів, виходи яких підключено до входів відповідно першого та другого дешифраторів. Перший та  $(m_i-1)$ -й виходи першого та другого дешифраторів

підключено до входів перших елементів АБО першої та другої груп елементів АБО, другий та  $(m_i-2)$ -й виходи першого та другого дешифраторів підключено до входів других елементів АБО першої та другої груп елементів АБО і т.д., а виходи  $\left(\frac{m_i-1}{2}\right)$ -го та  $\left(\frac{m_i+1}{2}\right)$ -го першого та другого

дешифраторів підключено до входів  $\left(\frac{m_i-1}{2}\right)$ -х елементів АБО першої та другої груп елементів АБО. Виходи елементів АБО першої та другої груп підключено до перших входів елементів І відповідно першої та другої груп, до других входів яких підключена керуюча шина пристрою.

Виходи  $\left(1 \div \frac{m_i-1}{2}\right)$  першого та другого дешифраторів підключено до входів першого та другого елементів АБО, а виходи  $\left(\frac{m_i+1}{2} \div m_i-1\right)$  першого та другого дешифраторів підключені до входів

відповідно третього та четвертого елементів АБО. Виходи першого та другого елементів АБО підключено до першого та другого нульових входів суматора за модулем два, а виходи третього та четвертого елементів АБО підключено до першого та другого одиничних входів суматора за модулем два. Виходи елементів І першої та другої груп підключені відповідно до першої та другої груп входів комутатора, а вихід вихідного реєстра є виходом пристрою.

Недоліком прототипу - низькі функціональні можливості пристрою, які полягають у тому, що множення лишків  $a_i$  та  $b_i$  числа за довільним модулем  $m_i$  СЗК виконується тільки в області додатних чисел.

Задача винаходу - розширення функціональних можливостей пристрою за рахунок можливості виконання операції множення лишків  $a_i$  та  $b_i$  числа за довільним модулем  $m_i$  СЗК не тільки в додатній, а і у від'ємній числових областях.

Поставлена задача вирішується тим, що у пристрій для множення лишків  $a_i$  та  $b_i$  чисел за модулем  $m_i$ , що містить перший і другий вхідні реєстри, вихідний реєстр, перший і другий дешифратори, першу та другу групи елементів АБО, кожна з яких містить  $\frac{m_i-1}{2}$  елементів АБО,

першу та другу групи елементів I, кожна з яких містить  $\frac{m_i - 1}{2}$  елементів I, комутатор, суматор за модулем два, перший, другий, третій і четвертий елементи АБО. При цьому перший і другий входи пристрою підключено до входів відповідно першого та другого вхідних регістрів, виходи яких підключено до входів відповідно першого та другого дешифраторів, перший та  $(m_i - 1)$ -й виходи першого та другого дешифраторів підключено до входів відповідних перших двох входових елементів АБО першої та другої груп елементів АБО, другий та  $(m_i - 2)$ -й виходи першого та другого дешифраторів підключено до входів відповідних других елементів АБО першої та другої груп елементів АБО і т.д., а виходи  $\left(\frac{m_i - 1}{2}\right)$ -го та  $\left(\frac{m_i + 1}{2}\right)$ -го першого та другого дешифраторів підключено до входів відповідних  $\left(\frac{m_i - 1}{2}\right)$ -х елементів АБО першої та другої груп, виходи елементів АБО першої та другої груп підключено до перших входів відповідних елементів I відповідно першої та другої груп, до других входів яких підключена керуюча шина пристрою, виходи  $1 \div \frac{m_i - 1}{2}$  першого та другого дешифраторів підключено до входів відповідно першого та другого елементів АБО, а виходи  $\frac{m_i + 1}{2} \div m_i - 1$  першого та другого дешифраторів підключені до входів відповідно третього та четвертого елементів АБО. Виходи першого та другого елементів АБО підключено до першого та другого нульових входів суматора за модулем два, а виходи третього та четвертого елементів АБО підключено до першого та другого одиничних входів суматора за модулем два. Виходи елементів I першої та другої груп підключені відповідно до першої та другої груп входів комутатора, а вихід вихідного регістру є виходом пристрою, додатково введено шифратор, третю, четверту та п'яту групи елементів I, групу ключових елементів, суматор за модулем  $m_i$ , суматор за модулем  $\frac{m_i - 1}{2}$ , третю та четверту групи елементів АБО. При цьому, перші виходи комутатора підключені до входів шифратора, виходи якого підключено до перших (інформаційних) входів елементів I третьої та четвертої груп, до других входів яких підключено відповідно нульовий та одиничний виходи суматора за модулем два, виходи елементів I четвертої групи підключено до першої групи входів суматора за модулем  $m_i$ , до другої групи входів якого підключена шина подачі значення  $m_i$  виходи елементів I третьої групи та суматора за модулем  $m_i$  через елементи АБО третьої групи підключені до перших (інформаційних) входів ключових елементів групи та елементів I п'ятої групи, виходи яких підключено до перших входів суматор за модулем  $\frac{m_i - 1}{2}$ , до других входів якого підключена шина подачі значення  $\frac{m_i - 1}{2}$ . Другий вихід комутатора підключено до других (заборонених) входів ключових елементів групи та до других (відкриваючих) входів елементів I п'ятої групи, виходи ключових елементів групи та суматора за модулем  $\frac{m_i - 1}{2}$  через елементи АБО четвертої групи підключено до входу вихідного регістра.

Введення вказаних ознак дозволяє розширити функціональні можливості пристрою за рахунок представлення результату операції множення лишків  $a_i$  та  $b_i$  числа за довільним модулем  $m_i$  одночасно, як в додатній, так і в від'ємній числових областях.

Для вирішення винаходу вихідні лишки  $a_i$  та  $b_i$  числа за модулем  $m_i$  представляються у так званій штучній формі (ШФ)

$$a_i'(b_i') = a_i(b_i) + \frac{m_i}{2}, \text{ для } m_i \text{ парного числа, або}$$

$$a_i'(b_i') = a_i(b_i) + \frac{m_i - 1}{2}, \text{ для } m_i \text{ непарного числа.}$$

У прийнятому поданні чисел (ШФ) будемо мати справу тільки з додатними числами. Числа в інтервалі  $\left[0, \frac{m_i - 1}{2}\right]$  відображають від'ємні числа, а в інтервалі  $\left[\frac{m_i + 1}{2}, m_i - 1\right]$  - додатні числа.

Схема представлення лишків  $a_i$  та  $b_i$  числа за модулем  $m_i = 11$  у ШФ  $a_i'$  і  $b_i'$  представлена в табл. 1.

Таблиця 1

Значення лишків  $a_i$  і  $b_i$  у ШФ  $a'_i$  і  $b'_i$

$a_i(b_i)$	$a'_i(b'_i)$	$a_i(b_i)$	$a'_i(b'_i)$
-5	0	1	6
-4	1	2	7
-3	2	3	8
-2	3	4	9
-1	4	5	10
0	5	-	-

В цьому випадку маємо, що  $-\frac{m_i-1}{2} \leq a_i, b_i \leq \frac{m_i-1}{2}$  та  $0 \leq a'_i, b'_i \leq m_i-1$ .

Для множення лишків  $a'_i$  та  $b'_i$  числа за модулем  $m_i$ , у винаході, як і у прототипі, використовуються властивості симетрії повної арифметичної таблиці множення лишків  $a_i$  та  $b_i$  числа за модулем  $m_i$  відносно вертикалі і горизонталі, що проходять між числами  $\frac{m_i-1}{2}$  і  $\frac{m_i+1}{2}$  для  $m_i$  - непарного числа, або за числом  $\frac{m_i}{2}$  - для  $m_i$  парного числа, де  $m_i$  - модуль таблиці, а також відносно лівої діагоналі цієї таблиці. Використання цих властивостей дає змогу на 75 % зменшити кількість елементів  $l$  з повної арифметичної таблиці множення лишків  $a'_i$  та  $b'_i$  числа за модулем  $m_i$ . Для прикладу в таблиці 2 дана повна арифметична таблиця множення лишків  $a'_i$  та  $b'_i$  за модулем  $m_i=11$ , в таблиці 3 дано представлення чисел  $a'_i$  та  $b'_i$  в коді  $a'_i = [\gamma_{a_i}; (a_i)^*]$  та  $b'_i = [\gamma_{b_i}; (b_i)^*]$  табличного множення (КТМ).

Таблиця 2

Повна арифметична таблиця множення лишків  $a'_i$  та  $b'_i$  за модулем  $m_i=11$

$a'_i \backslash b'_i$	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
2	0	2	4	6	8	10	1	3	6	7	9
3	0	3	6	9	1	4	1	10	2	5	8
4	0	4	8	2	5	9	2	6	10	3	7
5	0	5	10	4	9	3	8	2	7	1	6
6	0	6	1	7	2	8	3	9	4	10	5
7	0	7	3	10	6	2	9	5	1	8	4
8	0	8	5	2	10	7	4	1	9	6	3
9	0	9	7	5	3	1	10	8	6	4	2
10	0	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1

Таблиця 3

Представлення чисел у КТМ

Представлення чисел $a_i(b_i)$ у КТМ			
Представлення числа $a_i(b_i)$ у десятичному кодi	Представлення числа $a_i(b_i)$ у двiйковому кодi	Код табличного множення	
		Символ $\gamma_{a_i}(b_i)$	Число $(a_i)^*, (b_i)^*$
1	0001	0	001
2	0010	0	010
3	0011	0	011
4	0100	0	100
5	0101	0	101
6	0100	1	101
7	0111	1	100
8	1000	1	011
9	1001	1	010
10	1010	1	001

Величини 0 і  $m_i$  можна не кодувати, так як результат множення на ці величини дає нуль, і в цьому випадку операція буде виконана швидше простим аналізом лишків  $a_i$  та  $b_i$ . У цьому випадку табл. 1 та табл. 2 приймають вигляд табл. 4 та табл. 5.

Таблиця 4

Значення лишків  $a_i$  і  $b_i$  у ШФ  $a_i$  і  $b_i$

$a_i(b_i)$	$a_i(b_i)$	$a_i(b_i)$	$a_i(b_i)$
-4	1	1	6
-3	2	2	7
-2	3	3	8
-1	4	4	9
0	5	5	10

Таблиця 5

Арифметична таблиця множення лишків  $a_i$  та  $b_i$  за модулем  $m_i=11$

$a_i \backslash b_i$	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
2	2	4	6	8	10	1	3	6	7	9
3	3	6	9	1	4	1	10	2	5	8
4	4	8	2	5	9	2	6	10	3	7
5	5	10	4	9	3	8	2	7	1	6
6	6	1	7	2	8	3	9	4	10	5
7	7	3	10	6	2	9	5	1	8	4
8	8	5	2	10	7	4	1	9	6	3
9	9	7	5	3	1	10	8	6	4	2
10	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1

У винаході множення лишків  $a_i'$  та  $b_i'$  за модулем  $m_i$  здійснюється у КТМ. Алгоритм множення наступний. Якщо множники  $a_i' = [\gamma_{a_i}; (a_i)']$  та  $b_i' = [\gamma_{b_i}; (b_i)']$  представлені у КТМ, тоді результат множення  $c_i' = a_i' \cdot b_i' = [\gamma_{a_i}; (a_i)'] \cdot [\gamma_{b_i}; (b_i)'] = [\gamma_{c_i}; (c_i)']$  цих чисел визначається наступним чином. По значеннях 0,25 повної таблиці 5 (наприклад, за другим квадрантом) визначається результат множення виду  $[(a_i)' \cdot (b_i)'] \bmod m_i = [\gamma_{c_i}; (c_i)']$ , де  $1 \leq (a_i)'$ ,  $(b_i)'$  та  $(c_i)' \leq \frac{m_i - 1}{2}$ , для  $m_i$  непарного числа. Після цього, якщо  $\gamma_{a_i} = \gamma_{b_i}$ , тоді індекс  $\gamma_{c_i}$ , не треба інвертувати, а якщо  $\gamma_{a_i} \neq \gamma_{b_i}$ , тоді індекс  $\gamma_{c_i}$  треба інвертувати ( $0 \rightarrow 1$  або  $1 \rightarrow 0$ ).

У випадку такого кодування індекс КТМ визначається наступним чином

$$\gamma_{a_i}(\gamma_{b_i}, \gamma_{c_i}) = \begin{cases} 0, \text{ якщо } 1 \leq a_i'(b_i', c_i') \leq \frac{m_i - 1}{2} \\ 1, \text{ якщо } \frac{m_i - 1}{2} \leq a_i'(b_i', c_i') \leq m_i - 1 \end{cases}$$

З урахуванням вищезначеного таблиця рішень  $c_i' = a_i' \cdot b_i' = [\gamma_{a_i}; (a_i)'] \cdot [\gamma_{b_i}; (b_i)'] = [\gamma_{c_i}; (c_i)']$  комутатора (другий квадрант табл. 5) пристрою, що працює за модулем  $11$ , має вигляд таблиці 6. Тобто таблиця, що визначає результат множення виду  $[(a_i)' \cdot (b_i)'] \bmod m_i = [\gamma_{c_i}; (c_i)']$  має наступний вигляд.

Таблиця 6

Таблиця комутатора пристрою за модулем  $m_i = 11$

		$(a_i)'$	1	2	3	4	5
		$(b_i)'$	10	9	8	7	6
1	10		1	2	3	4	5
2	9		2	4	6	8	10
3	8		3	6	9	1	4
5	7		4	8	2	5	9
5	6		5	10	4	9	3

15

Відомо, що для чисел  $a_i'$  та  $b_i'$ , представлених у ШФ, виконуються умови

$$(a_i \cdot b_i)' = a_i' b_i', \quad (1)$$

$$(a_i \cdot b_i)' = a_i' b_i' + \frac{m_i - 1}{2}. \quad (2)$$

Для перевірки результату операції множення  $c_i' = a_i' \cdot b_i' = [\gamma_{a_i}; (a_i)'] \cdot [\gamma_{b_i}; (b_i)'] = [\gamma_{c_i}; (c_i)']$

використовується співвідношення (3)

$$(a_i \cdot b_i)' = a_i' \cdot b_i' + \frac{m_i - 1}{2}. \quad (3)$$

Співвідношення (1) і (2) є алгоритмом за яким працює винахід. Вихідні шини (перші виходи) комутатора об'єднують групи елементів і яким присвоюють однакові (від 1 до  $m_i - 1$ ) значенням

$(a_i \cdot b_i)' = a_i' b_i'$ . Другий вихід комутатора об'єднує всі елементи і, яким присвоюють значення

$(a_i \cdot b_i)' = a_i' b_i' + \frac{m_i - 1}{2}$ . Сигнал другого виходу комутатора використовується для корекції значення

$(a_i \cdot b_i)' = a_i' b_i'$  перших виходів комутатора, щоб отримати результат операції множення у вигляді

$$(a_i \cdot b_i)' = a_i' b_i' + \frac{m_i - 1}{2}.$$

На кресленні представлена блок-схема пристрою множення лишків  $a_i$  та  $b_i$  числа за модулем  $m_i$ , де: 1, 2 - перший та другий входи пристрою; 3, 4 - перший та другий вхідні регістри;

5, 6 - перший та другий дешифратори (пристрої для перетворення двійкового коду чисел  $a$  та  $b$ )

в унітарний); 7, 8 - перша та друга групи елементів АБО; 9, 10 - перша та друга групи елементів I; 11 - керуюча шина пристрою; 12, 13, 14 і 15 - перший, другий, третій і четвертий елементи АБО; 16 - суматор за модулем два; 17 - комутатор (табличний пристрій для визначення результату операції  $[(a_i') \cdot (b_i')^*] \bmod m_i$ ; 18 - вихідний регістр; 19 - вихід пристрою; 20 - шифратор (пристрій для перетворення унітарного коду значення результату операції  $[(a_i') \cdot (b_i')^*] \bmod m_i$  у двійковий код); 21, 22 - третя та четверта групи елементів I; 23 - суматор за модулем  $m_i$  (суматор призначений для інвертування значення  $[(a_i') \cdot (b_i')^*] \bmod m_i$  за модулем  $m_i$  тобто, на виході суматора отримуємо значення  $m_i - [(a_i') \cdot (b_i')^*] \bmod m_i$ ; 24 - шини подачі значення модуля  $m_i$ , у двійковому коді; 25 - третя група елементів АБО; 26 - група ключових елементів; 27 - п'ята група елементів I; 28 - суматор за модулем  $\frac{m_i - 1}{2}$ ; 29 - шини подачі значення  $\frac{m_i - 1}{2}$  у двійковому коді; 30 - четверта група елементів АБО.

Перший 1 і другий 2 входи пристрою підключено до входів відповідно першого 3 та другого 4 вхідних регістрів, виходи яких підключено до входів відповідно першого 5 та другого 6 дешифраторів, перший та  $(m_i - 1)$ -й виходи першого 5 та другого 6 дешифраторів підключено до входів перших елементів АБО першої 7 та другої 8 груп елементів АБО, другий та  $(m_i - 2)$ -й виходи першого 5 та другого 6 дешифраторів підключено до входів других елементів АБО першої 7 та другої 8 груп елементів АБО і т.д., а виходи  $(\frac{m_i - 1}{2})$ -го та  $(\frac{m_i + 1}{2})$ -го першого 5 та другого 6 дешифраторів підключено до входів  $(\frac{m_i - 1}{2})$ -х елементів АБО першої 7 та другої 8 груп елементів АБО, виходи елементів АБО першої 7 та другої 8 груп підключено до перших входів елементів I відповідно першої 9 та другої 10 груп, до других входів яких підключена керуюча шина 11 пристрою, виходи  $1 + \frac{m_i - 1}{2}$  першого 5 та другого 6 дешифраторів підключено до входів відповідно першого 12 та другого 13 елементів АБО, а виходи  $\frac{m_i - 1}{2} + m_i - 1$  першого 5 та другого 6 дешифраторів підключені до входів відповідно третього 14 та четвертого 15 елементів АБО, виходи першого 12 та другого 13 елементів АБО підключено до першого та другого нульових входів суматора 16 за модулем два, а виходи третього 14 та четвертого 15 елементів АБО підключено до першого та другого одиничних входів суматора 16 за модулем два. Виходи елементів I першої 9 та другої 10 груп підключені відповідно до першої та другої груп входів комутатора 17, а вихід вихідного 18 регістра є виходом 19 пристрою. Перші виходи комутатора 17 підключені до входів шифратора 20, виходи якого підключено до перших (інформаційних) входів елементів I третьої 21 та четвертої 22 груп, до других (керуючих) входів яких підключено відповідно нульовий та одиничний виходи суматора 16 за модулем два. Виходи елементів I четвертої 22 групи підключено до першої групи входів суматора 23 за модулем  $m_i$ , до другої групи входів якого підключені шини 24 подачі значення  $m_i$ . Виходи елементів I третьої 21 групи та суматора 23 за модулем  $m_i$ , через елементи АБО третьої 25 групи підключені до перших (інформаційних) входів ключових елементів 26 групи та елементів I п'ятої 27 групи, виходи яких підключено до перших входів суматор 28 за модулем  $\frac{m_i - 1}{2}$ , до других входів якого підключені шини 29 подачі значення  $\frac{m_i - 1}{2}$ . Другий вихід комутатора 17 до других (заборонених) входів ключових елементів 26 групи та до других (відкриваючих) входів елементів I п'ятої 27 групи. Виходи ключових елементів 26 групи та суматора 28 за модулем  $\frac{m_i - 1}{2}$  через елементи АБО четвертої 30 групи підключено до входу вихідного 18 регістру.

Пристрій функціонує наступним чином. За входами 1 і 2 до пристрою у двійковому коді поступають значення першого  $a_i'$  та другого  $b_i'$  чисел. З виходів першого 5 і другого 6 дешифраторів значення першого  $a_i'$  та другого  $b_i'$  чисел в унітарному коді, через відповідні елементи АБО першої 7 і другої 8 груп, надходять до входів відповідних елементів I першої 9 і другої 10 груп. Сигнал шини 11 відкриває відповідну пару елементів I 9 і 10 груп. З виходу відповідних елементів I 9 і 10 груп пара значень  $(a_i')^*, (b_i')^*$  надходять до входів комутатора 17, з



виходу якого значення  $[(a_i') \cdot (b_i')^*] \bmod m_i$  в унітарному коді надходить до входу шифратора 20 з виходу якого значення  $[(a_i') \cdot (b_i')^*] \bmod m_i$  у двійковому коді надходить до перших (інформаційних) входів елементів I третьої 21 та четвертої 22 груп. Якщо  $\gamma_{a_i} = \gamma_{b_i}$ , тоді присутній вихідний сигнал нульового виходу суматора 16 за модулем два, який відкриває елементи I групи 21, і значення  $[(a_i') \cdot (b_i')^*] \bmod m_i$  надходить до входів елементів АБО 25 групи. Якщо  $\gamma_{a_i} \neq \gamma_{b_i}$ , тоді присутній вихідний сигнал одиничного виходу суматора 16 за модулем два, який відкриває елементи I групи 22, і значення  $[(a_i') \cdot (b_i')^*] \bmod m_i$  надходить до перших входів суматора 23, до других входів якого за шиною 24 надходить значення модуля  $m_i$  за яким працює пристрій. З виходу суматора 23 значення  $m_i - [(a_i') \cdot (b_i')^*] \bmod m_i$  надходить до входів елементів АБО 25 групи. З виходів елементів АБО 25 групи значення  $(a_i' \cdot b_i') \bmod m_i$  надходить до перших (інформаційних) входів ключових елементів 26 групи та елементів I п'ятої 27 групи. Якщо відсутній сигнал другої вихідної шини комутатора 17 (ознака того, що  $(a_i \cdot b_i)' = a_i' \cdot b_i'$ ), тоді через відкриті ключові елементи 26 групи, елементи АБО групи 30 значення  $(a_i' \cdot b_i') \bmod m_i$  надходить до входу вихідного регістра 18. Якщо присутній сигнал другої вихідної шини комутатора 17 (ознака того, що  $(a_i \cdot b_i)' = a_i' b_i' + \frac{m_i - 1}{2}$ ), тоді через відкриті елементи I групи 27 значення  $(a_i' \cdot b_i') \bmod m_i$  надходить до перших входів суматора 28, до других входів якого за шиною 29 надходить значення  $\frac{m_i - 1}{2}$ . З виходу суматора 28 через елементи АБО групи 30 значення  $(a_i' b_i') \bmod m_i + \frac{m_i - 1}{2}$  поступає до входу вихідного регістра 18.

Наведемо приклад роботи винаходу при реалізації операції множення лишків  $a_i=1$  та  $b_i=4$  числа за модулем  $m_i=11$ .

У відповідності з табл. 1 маємо, що  $a_i'=0110$  і  $b_i'=1001$ . Значення чисел  $a_i'=0110$  і  $b_i'=1001$  за входами 1 і 2 надходять до пристрою. З виходів відповідних дешифраторів 5 і 6 значення  $a_i'=6$  і  $b_i'=9$  надходять до входів відповідних елементів АБО 7 і 8 груп та елементів АБО 12, 13, 14 і 15. Числа  $a_i'=0110$  і  $b_i'=1001$  у КТМ представляються у наступному вигляді  $a_i' = [\gamma_{a_i}; (a_i')^*] = (1; 101)$  та  $b_i' = [\gamma_{b_i}; (b_i')^*] = (1; 010)$  (табл. 3). До входів комутатора 17 в унітарному коді надходять значення  $(a_i')^* = 5$ , та  $(b_i')^* = 2$ . З виходу комутатора 17 значення  $[(a_i') \cdot (b_i')^*] \bmod m_i = (5 \cdot 2) \bmod 11 = 10$  (табл. 6) надходить до входу шифратора 20. Так, як  $\gamma_{a_i} = \gamma_{b_i} = 1$ , тоді присутній вихідний сигнал нульового виходу суматора 16 за модулем два, який відкриває елементи I групи 21, і з виходу шифратора 20 значення  $(a_i' \cdot b_i') \bmod m_i = 1010$  у двійковому коді надходить до входів елементів АБО 25 групи. Для даних чисел  $a_i'=0110$  і  $b_i'=1001$  присутній сигнал другої вихідної шини комутатора 17 (ознака того, що  $(a_i \cdot b_i)' = a_i' b_i' + \frac{m_i - 1}{2}$ ). Тоді через відкриті елементи I групи 27 значення  $(a_i' \cdot b_i') \bmod m_i = 1010$  надходить до перших входів суматора 28, до других входів якого за шиною 29 надходить значення  $\frac{m_i - 1}{2} = 5$ . З виходу суматора 28 через елементи АБО групи 30 значення  $((a_i' b_i') \bmod m_i + \frac{m_i - 1}{2}) \bmod m_i = (1010 + 0101) = 0100 \bmod 11$  надходить до входу вихідного регістра 18.

Перевірка. З одного боку  $(a_i \cdot b_i)' = a_i' b_i' + \frac{m_i - 1}{2} = 6 \cdot 9 + 5 = 59 = 4 \bmod 11$ . З другого боку, у відповідності з виразом (3) маємо, що  $(a_i \cdot b_i)' = a_i' \cdot b_i' + \frac{m_i - 1}{2}$ , тобто  $(1 \cdot 4)' = 1 \cdot 4 + 5 = 9 = 4 \bmod 5$ . Це підтверджує достовірність отриманих результатів операції множення.

Представлений винахід дозволяє розширити функціональні можливості пристрою за рахунок представлення результату операції множення лишків  $a_i$  та  $b_i$  числа за довільним модулем  $m_i$  одночасно як в додатній, так і в від'ємній числових областях.

5

## ФОРМУЛА ВИНАХОДУ

Пристрій для множення лишків  $a_i$  та  $b_i$  чисел за модулем  $m_i$ , що містить перший і другий вхідні реєстри, вихідний реєстр, перший і другий дешифратори, першу та другу групи елементів АБО, кожна з яких містить  $\frac{m_i - 1}{2}$  елементів АБО, першу та другу групи елементів I, кожна з яких

10 містить  $\frac{m_i - 1}{2}$  елементів I, комутатор, суматор за модулем два, перший, другий, третій і четвертий елементи АБО, при цьому перший і другий входи пристрою підключено до входів відповідно першого та другого вхідних реєстрів, виходи яких підключено до входів відповідно першого та другого дешифраторів, перший та  $(m_i - 1)$ -й виходи першого та другого дешифраторів підключено до входів перших двох входових елементів АБО першої та другої

15 груп елементів АБО, другий та  $(m_i - 2)$ -й виходи першого та другого дешифраторів підключено до входів других елементів АБО першої та другої груп елементів АБО і т. д., а виходи  $\left(\frac{m_i - 1}{2}\right)$ -го та  $\left(\frac{m_i + 1}{2}\right)$ -го першого та другого дешифраторів підключено до входів  $\left(\frac{m_i - 1}{2}\right)$ -х елементів АБО першої та другої груп, виходи елементів АБО першої та другої груп підключено до перших інформаційних входів елементів I відповідно першої та другої груп, до других керуючих входів

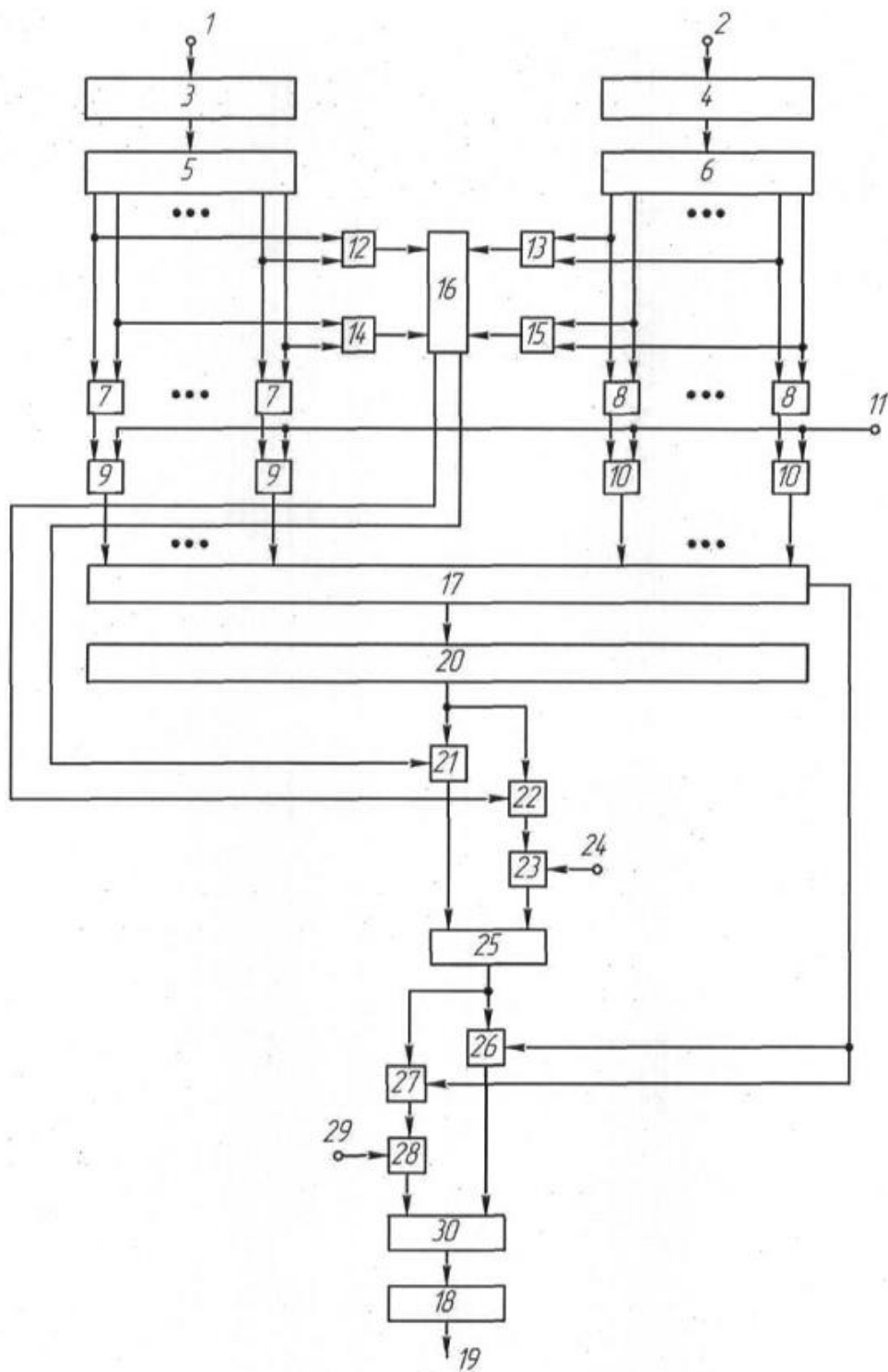
20 яких підключена керуюча шина пристрою, виходи  $1 \div \frac{m_i - 1}{2}$  першого та другого дешифраторів підключено до входів відповідно першого та другого елементів АБО, а виходи  $\frac{m_i + 1}{2} \div m_i - 1$  першого та другого дешифраторів підключені до входів відповідно третього та четвертого елементів АБО, а виходи першого та другого елементів АБО підключено до першого та другого нульових входів суматора за модулем два, а виходи третього та четвертого елементів АБО

25 підключено до першого та другого одиничних входів суматора за модулем два, виходи елементів I першої та другої груп підключені відповідно до першої та другої груп входів комутатора, а вихід вихідного реєстра є виходом пристрою, який **відрізняється** тим, що додатково введено шифратор, третю, четверту та п'яту групи елементів I, групу ключових елементів, суматор за модулем  $m_i$ , суматор за модулем  $\frac{m_i - 1}{2}$ , третю та четверту групи

30 елементів АБО, при цьому перші виходи комутатора підключені до входів шифратора, виходи якого підключено до перших інформаційних входів елементів I третьої та четвертої груп, до других керуючих входів яких підключено відповідно нульовий та одиничний виходи суматора за модулем два, виходи елементів I четвертої групи підключено до першої групи входів суматора за модулем  $m_i$ , до другої групи входів якого підключені шини подачі значення  $m_i$  виходи

35 елементів I третьої групи та суматора за модулем  $m_i$ , через елементи АБО третьої групи підключені до перших інформаційних входів ключових елементів групи та елементів I п'ятої групи, виходи яких підключено до перших входів суматора за модулем  $\frac{m_i - 1}{2}$ , до других входів якого підключені шини подачі значення  $\frac{m_i - 1}{2}$ , другий вихід комутатора підключено до других заборонених входів ключових елементів групи та до других відкриваючих входів елементів I

40 п'ятої групи, виходи ключових елементів групи та суматора за модулем  $\frac{m_i - 1}{2}$  через елементи АБО четвертої групи підключено до входу вихідного реєстра.



Комп'ютерна верстка Д. Шеверун

Державна служба інтелектуальної власності України, вул. Василя Липківського, 45, м. Київ, МСП, 03680, Україна

ДП "Український інститут інтелектуальної власності", вул. Глазунова, 1, м. Київ – 42, 01601